

Exercice n°1 : (4 points)

Soit l'équation (E) : $-2x^2 + 3x + 2 = 0$.

- 1) Sans calculer le discriminant Δ justifier que (E) admet deux solutions distincts x' et x'' .
- 2) Sans calculer x' et x'' calculer ces expressions : $A = x' + x''$ et $B = (x' + 1)(x'' + 1)$
- 3) Vérifier que 2 est une solution de (E) puis déduire l'autre solution.

Exercice n°2 : (8 points)

Résoudre dans IR

1) $|2x^2 - x| = 3$

2) $\sqrt{x^2 + 5x + 6} = \sqrt{2}$

3) $(x^2 + 5x + 6)(x^2 + 3x + 5) = 0$

4) $\frac{3x^2 + 3x - 10}{x^2 + x - 2} \geq 2$

Exercice n°3 : (8 points)

Soit ABC un triangle isocèle de sommet principale A et tel que $AB = 3$ cm et I le milieu de [BC]

- 1) a) Construire le point E le barycentre des points pondérés (A, 2) et (B, 1).
b) Construire le point F le barycentre des points pondérés (A, 2) et (C, 1).
- 2) Soit G le point vérifiant : $2\overrightarrow{GA} + \overrightarrow{GB} + \overrightarrow{GC} = \vec{0}$
 - a) Que représente le point G ? Justifier votre réponse.
 - b) Montrer que G est le barycentre des points pondérés (E, 3) et (C, 1).
 - c) Montrer que les points G, A et I sont alignés.
 - d) Déduire que G est l'intersection des droites (EC) et (AI). Construire le point G.
- 3) Soit le point D vérifiant : $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AE} + \overrightarrow{AF}$
 - a) Montrer que : $\overrightarrow{AD} = \frac{2}{3}\overrightarrow{AI} = \frac{4}{3}\overrightarrow{AG}$
 - b) Déduire que G est le barycentre des points pondérés (A, 1) et (D, 3).
- 4) Déterminer l'ensemble Δ des points M du plan vérifiant :

$$\|2\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB}\| = \frac{3}{4}\|2\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}\|$$

Bon travail